

## Lista de 13/08/2019

- 1 Use o Teorema da Recursão na versão apresentada nos **exercícios** da apostila para justificar a existência da função fatorial.
- 2 Considere  $f : \mathbb{Z} \rightarrow \mathbb{Z}$  tal que  $f(0) = 0$  e  $f(z + 1) = f(z) + 1$  para todo  $z \in \mathbb{Z}$ . Quantas funções satisfazem essas condições?
- 3 Considere  $f : \mathbb{Q} \rightarrow \mathbb{Q}$  tal que  $f(0) = 0$  e  $f(q + 1) = f(q) + 1$  para todo  $q \in \mathbb{Q}$ . Quantas funções satisfazem essas condições?
- 4 Mostre que  $n^2 - 1$  é múltiplo 8 para todo  $n$  ímpar.
- 5 Mostre que dadas  $n$  retas não paralelas e sem 3 que passem num mesmo ponto, elas dividem o plano em  $\frac{n^2+n+2}{2}$ .