

Se f e g são deriváveis em D , então as funções abaixo são deriváveis em D e valem as regras de derivação:

- $(f \pm g)' = f' \pm g'$
- $(fg)' = f'g + fg' \quad \therefore (cf)' = cf'$
- $(f/g)' = \frac{f'g - fg'}{g^2} \quad (\text{em } D - \{g = 0\})$

sob as devidas hipóteses: *recorde!* $(f \circ g)'(x) = f'(g(x))g'(x) \quad (\text{Regra da Cadeia})$

sob as devidas hipóteses: *recorde!* $(f^{-1})'(x) = \frac{1}{f'(f^{-1}(x))} \quad (\text{Teorema Derivada da Inversa})$

As funções abaixo são deriváveis em \mathbb{R} e valem as regras de derivação:

- a) $\frac{d(c)}{dx} = 0 \quad (c \in \mathbb{R}) \quad D_c = \mathbb{R}$
- b) $\frac{d(x^n)}{dx} = nx^{n-1} \quad (n \in \mathbb{N}) \quad D_{x^n} = \mathbb{R}$
- c) $\frac{d(a^x)}{dx} = a^x \ln a \quad (a > 0, a \neq 1) \quad (\therefore (e^x)' = e^x) \quad D_{a^x} = \mathbb{R}$
- d) $\frac{d(\sin x)}{dx} = \cos x \quad D_{\sin x} = \mathbb{R}$
- e) $\frac{d(\cos x)}{dx} = -\sin x \quad D_{\cos x} = \mathbb{R}$
- f) $\frac{d(\arctan x)}{dx} = \frac{1}{1+x^2} \quad D_{\arctan x} = \mathbb{R}$
- g) $\frac{d(\sinh x)}{dx} = \cosh x \quad D_{\sinh x} = \mathbb{R}$
- h) $\frac{d(\cosh x)}{dx} = \sinh x \quad D_{\cosh x} = \mathbb{R}$

As funções abaixo são deriváveis em $(0, \infty)$ e valem as regras de derivação:

- a) $\frac{d(\ln x)}{dx} = \frac{1}{x} \quad D_{\ln x} = (0, \infty)$
- b) $\frac{d(x^{1/n})}{dx} = \frac{1}{n}x^{\frac{1}{n}-1} \quad (n \in 2\mathbb{N}) \quad D_{x^{1/n}} = [0, \infty)$

As funções abaixo são deriváveis em $\mathbb{R} - \{0\}$ e valem as regras de derivação:

$$\bullet \frac{d(x^n)}{dx} = nx^{n-1} \quad (n \in \mathbb{Z}_+^*) \quad D_{x^n} = \mathbb{R} - \{0\}$$

$$\bullet \frac{d(x^{1/n})}{dx} = \frac{1}{n}x^{\frac{1}{n}-1} \quad (n \in 2\mathbb{N} + 1) \quad D_{x^{1/n}} = \mathbb{R}$$

A função abaixo é derivável em $(-1, 1)$ e vale a regra de derivação:

$$\bullet \frac{d(\arcsin x)}{dx} = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}} \quad D_{\arcsin x} = [-1, 1]$$

As funções abaixo são deriváveis em todos os pontos de seus domínios e valem as regras de derivação:

$$a) \frac{d(\tan x)}{dx} = \sec^2 x$$

$$b) \frac{d(\sec x)}{dx} = \sec x \tan x$$

Pela Regra da Cadeia: se $u = u(x)$ é uma função derivável, então:

$$\bullet \frac{d(u^n)}{dx} = nu^{n-1}u' \quad * \text{ com devidos cuidados com os domínios! } *$$

$$\bullet \frac{d(a^u)}{dx} = a^u(\ln a)u' \quad (\because (e^u)' = e^u u')$$

$$\bullet \frac{d(\ln |u|)}{dx} = \frac{1}{u}u'$$

$$\bullet \frac{d(\sin u)}{dx} = \cos(u)u'$$

$$\bullet \frac{d(\cos u)}{dx} = -\sin(u)u'$$

$$\bullet \frac{d(\arctan u)}{dx} = \frac{1}{1+u^2}u'$$

$$\bullet \frac{d(\arcsin u)}{dx} = \frac{1}{\sqrt{1-u^2}}u' \quad (|u| < 1)$$

$$\bullet \frac{d(\sinh u)}{dx} = \cosh(u)u'$$

$$\bullet \frac{d(\cosh u)}{dx} = \sinh(u)u'$$