

1. Em que pontos (x, y) no plano a função $g(x, y) = \operatorname{sen}\left(\frac{1}{xy}\right)$ é contínua?

2. A função

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{xy}{x^2 + y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

é diferenciável no ponto $(0, 0)$?

3. Seja

$$f(x, y) = \begin{cases} \frac{x^3}{x^2 + y^2} & \text{se } (x, y) \neq (0, 0) \\ 0 & \text{se } (x, y) = (0, 0) \end{cases}$$

(a) f é contínua em $(0, 0)$?

(b) Verifique que $f_x(0, 0) = 1$, $f_y(0, 0) = 0$.

(c) f_x e f_y são contínuas em $(0, 0)$?

(d) f é diferenciável em $(0, 0)$?

4. Determine o conjunto dos pontos no plano onde a função abaixo é diferenciável

$$f(x, y) = x + \ln\left(\frac{1}{x^2 + y^2}\right).$$

5. Seja $w = e^x + x \ln(1 + y^2 + x^4) + \cosh(y + e^{\sqrt{1+x^2y^2}})$. É verdade que $w_{xy} = w_{yx}$?

6. Mostre que a função $T(t, x) = e^{-4t} \operatorname{sen}(2x)$ satisfaz a equação do calor $T_t = T_{xx}$.